

Zentrale Aufnahmeprüfung 2016 für die Fachmittelschulen des Kantons Zürich

Mathematik

Korrekturanweisungen

Allgemeine Hinweise zur Korrektur:

- Es werden nur ganze Punkte verteilt.
- Der Lösungsweg muss ersichtlich und klar dargestellt sein.
- Um die Verhältnismässigkeit bei der Punktevergabe zu wahren, gibt es keinen Punkteabzug bei:
 - vergessenen Einheitsangaben,
 - Rundungsfehlern (z. B. Abrunden statt Aufrunden oder Weiterrechnen mit gerundeten Zwischenresultaten)
 - fehlenden Antwortsätzen.
- Die Vergabe von Teilpunkten bei unerwarteten Lösungswegen und Ansätzen liegt im Ermessensspielraum der Korrigierenden.
- Numerische Resultate sind, wo nichts anderes vermerkt ist, in beliebiger Form zu akzeptieren (beispielsweise auch ungekürzte Brüche).

Punkteverteilung:

Aufgabennummer	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	total
Mögliche Punkte	4	4	3	3	3	4	6	5	4	3	39

1a) $\frac{5b+6a}{6} - \frac{4a+8b}{6} = \frac{2a-3b}{6}$ **2P**

Für die korrekte Durchführung aller Rechen- und Umformungsschritte mit höchstens einem Fehler: 1P

1b) $\sqrt{36x^2} - \frac{6x^2}{\sqrt{9x^2}} = 6x - \frac{6x^2}{3x} = 6x - 2x = 4x$ **2P**

Beide Wurzelterme (6x und 3x) korrekt aufgelöst: 1P

Für die korrekte Durchführung aller Rechen- und Umformungsschritte mit höchstens einem Fehler: 1P

2a) $12x - 12 - 8x = 2x + 12$ **2P**

$$4x - 12 = 2x + 12,$$

$$2x = 24, \quad x = 12$$

Die Klammer richtig aufgelöst: 1P

Für die korrekte Durchführung aller Rechen- und Umformungsschritte mit höchstens einem Fehler: 1P

2b) $\frac{5}{4}x - \frac{7}{2} = 21, \quad \frac{5}{4}x = \frac{49}{2}, \quad 5x = 98 \quad x = \frac{98}{5} = 19.6$

oder

$\frac{5}{2}x - 7 = 42, \quad \frac{5}{2}x = 49, \quad 5x = 98 \quad x = \frac{98}{5} = 19.6$ **2P**

Für eine korrekte, nennerfreie Gleichung: 1P

Für die korrekte Durchführung aller Rechen- und Umformungsschritte mit höchstens einem Fehler: 1P

3) $\frac{x}{3} + \frac{x}{5} - 7.5 = \frac{x}{2}, \quad 10x + 6x - 225 = 15x, \quad x = 225$ **3P**

oder

ohne Gleichung $1/3 + 1/5 - 1/2 = 1/30$. $1/30$ entspricht 7.5. Also ist die Zahl = **225**.

Korrekte Gleichung: 1P

Lösungsweg ohne Gleichung: Wenn $1/30$ entspricht 7.5 erkannt: 2P

Für die korrekte Durchführung aller Rechen- und Umformungsschritte mit höchstens einem Fehler: 2P

4a) $2(13 + 35) = 96 \text{ cm}$ **1P**

oder

Umfang = $76 + 4x$ und 5 einsetzen: $76 + 20 = 96$

4b) $U = (6x - 4) + (80 - 2x) = 76 + 4x = 200, \quad x = 31 \text{ cm}$ **1P**

mit falschem Term aus Aufgabe a) richtig gerechnet: 1P

4c) $3x - 2 = 40 - x, \quad x = 10.5 \text{ cm}$ **1P**

5)

3P

	heute	Vor 21 Jahren
Guido	x	x - 21
Renato	x + 10	x - 11

$$x + 10 = 2(x - 21), \quad x + 10 = 2x - 42, \quad x = 52$$

Guido ist heute **52** Jahre alt. Oder:

	heute	Vor 21 Jahren
Guido	x - 10	x - 31
Renato	x	x - 21

$$x = 2(x - 31), \quad x = 2x - 62, \quad x = 62 \quad \text{Also Alter Renato} = 62$$

Guido ist heute **52** Jahre alt

Nur Alter von Renato = 62: 2P

Korrekte Gleichung: 2P

Fehler: $x - 10 = 2(x - 21)$ mit Lösung 32: 2P

Fehler: $2(x + 10) = x - 21$ mit Antwort (-41) also *keine* Lösung: 2P

Fehler: $2(x + 10) = x - 21$ mit Antwort $x = -41$: 1P

Fehler: $2(x + 10) = x - 21$ mit Antwort $x = 41$: 0P

Beim Lösen ohne Gleichung: Lösungsweg erkennbar (z.B. dokumentiertes systematisches Probieren): 3P

Sonst: 0P

6a) $x, 0.9x, 0.7 \cdot 0.9x = 0.63x = 157.50, x = \mathbf{250 \text{ CHF}}$

2P

oder

$$\text{vor der 2. Preisreduktion } (157.5 / 70) \cdot 100 = 225$$

$$\text{anfänglich also: } (225/90) \cdot 100 \text{ CHF} = \mathbf{250 \text{ CHF}}$$

225: 1P

Für die korrekte Durchführung aller Rechenschritte mit höchstens einem Fehler: 1P

6b) 90% von 640 = 576, man muss noch 256 senken

2P

$$\text{prozentuale Senkung: } 256/576 \cdot 100 \% = \mathbf{44.44\%}$$

$$\text{oder mit Gleichung: } 640 \cdot 0.9 \cdot x = 320, \quad x = 5/9 = 0.556 \quad \text{also } 44.4 \% \text{ Reduktion}$$

256: 1P

Richtige Gleichung $640 \cdot 0.9 \cdot x = 320$ und $x = 0.556$: 1P

Für die korrekte Durchführung aller Rechenschritte mit höchstens einem Fehler: 1P

7a) $\frac{12+5}{2} \cdot 5 + \frac{10+5}{2} \cdot 3 = 42.5 + 22.5 = 65 \text{ cm}^2$ 2P

oder $8 \cdot 5 + \frac{5 \cdot 3}{2} + \frac{3 \cdot 3}{2} + \frac{5 \cdot 4}{2} + \frac{3 \cdot 2}{2} = 40 + 7.5 + 4.5 + 10 + 3 = 65$

Überlegung richtig, 1 Fehler : 1P

7b) $\frac{2 \cdot 8}{2} + \frac{3 \cdot 8}{2} + \frac{2 \cdot 8}{2} = 8 + 12 + 8 = 28 \text{ cm}^2$ 2P

Überlegung richtig, 1 Fehler : 1P

7c) $8 \cdot 12 - \frac{8 \cdot 7}{2} - \frac{4 \cdot 12}{2} - \frac{4 \cdot 5}{2} = 96 - 28 - 24 - 10 = 34 \text{ cm}^2$ 2P

Überlegung richtig, 1 Fehler : 1P

8a) Der **Chevrolet** hat den grössten Verbrauch. 1P

kein Lösungsweg erforderlich.

8b) 42 km, 2.6 Liter also: $\frac{2.6 \cdot 100}{42} \approx 6.19 \text{ Liter/km}$ 2P

Verbrauch in Liter pro Kilometer 0.0619: 1P

Einen Wert falsch abgelesen, richtig gerechnet: 1P

8c) BMW 3.6 Liter auf 56 Kilometer. Volvo 2.4 Liter für 36 km.

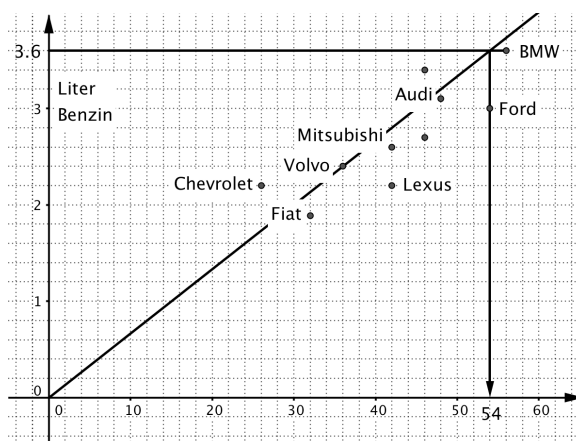
$\frac{36 \text{ km}}{2.4 \text{ Liter}} = 15 \text{ km/Liter}$ d.h. $3.6 \cdot 15 = 54 \text{ km}$ mit 3.6 Litern 2P

oder mit Dreisatz:

mit 1.2 Litern 18 km, mit 3.6 Litern **54 km**

einen Wert falsch abgelesen, richtig gerechnet: 1P

Oder durch einzeichnen in der Graphik



Gerade eingezeichnet, ungenau abgelesen : 1P

9 a) $\frac{2}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{2}{36} = \frac{1}{18}$

2P

	1	2	3	4	5	6
1						
1						
4				x		
4				x		
6						
6						

Mit Tabelle gelöst: 1 Fehler in Tabelle und richtig abgelesen oder richtige Tabelle falsch abgelesen: 1P

9 b) $\frac{2}{6} \cdot \frac{5}{6} + \frac{2}{6} \cdot \frac{2}{6} + \frac{2}{6} \cdot 0 = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$

2P

oder $\frac{1}{6} \cdot 0 + \frac{1}{6} \cdot \frac{2}{6} + \frac{1}{6} \cdot \frac{2}{6} + \frac{1}{6} \cdot \frac{2}{6} + \frac{1}{6} \cdot \frac{4}{6} + \frac{1}{6} \cdot \frac{4}{6} = \frac{14}{36} = \frac{7}{18}$

	1	2	3	4	5	6
1		x	x	x	x	x
1		x	x	x	x	x
4					x	x
4					x	x
6						
6						

Ohne Tabelle gelöst mit einem Fehler: 1P

Mit Tabelle gelöst: 1 Fehler in Tabelle und richtig abgelesen oder richtige Tabelle falsch abgelesen: 1P

10 a) Oberfläche $6 \cdot 6 = 36 \text{ cm}^2$

1P

Der Lösungsweg muss nicht ersichtlich sein

10 b) Anzahl Würfel = $1 + 3 + 6 + 10 = 20$

2P

Richtige Lösungsidee erkennbar: 1P